Acta Sinica Quantum Optica

文章编号:1007-6654(2005)03-0099-06 \*

# 利用 Ⅱ 类相位匹配谐振倍频产生多种非经典光场

# 李莹,罗玉,潘庆

(量子光学与光量子器件国家重点实验室;山西大学光电研究所,山西太原 030006)

摘要:回顾了产生压缩光场和纠缠光场的实验的发展过程,包括倍频过程产生压缩光的实验进展。设计了双共 振半整块驻波倍频腔 ,通过谐振倍频过程获得波长为 540nm 的绿光 ,完成了同时产生多种压缩光场和纠缠光场的 实验。

关键词:量子光学; 非经典光场; 谐振倍频; 压缩光; 纠缠光中图分类号:0431 文献标识码:A

#### 0 引言

倍频过程和参量过程同样源于二阶极化,互为逆过程, 始终同时存在,两种过程常常共同作用,使倍频过程表现出 许多类似参量过程的物理现象。随着上世纪中叶量子力学 和激光技术的发展,人们开始从全新的角度研究这一对过 程,把它们变成了光学研究的得力工具。

光学参量下转换是目前获得压缩态光场和纠缠态光场 的最重要手段之一。由于波长 540 nm 的绿光可以在 α-切割 的 KTP 晶体内实现 II 类非临界相位匹配,从而提高参量下转 换效率,它已经成为非简并光学参量放大器(NOPA)的重要 抽运源,用来产生双模压缩态和纠缠态光场。而现在的连续 变量多组分纠缠、纠缠交换、量子网络等实验中,需要较高的 绿光功率来同时抽运多个光学参量振荡腔,所以对光源的输 出功率和稳定性提出了更高的要求。产生绿光主要通过倍 频的方法,包括内腔倍频和外腔谐振倍频。前者的结构简 单,但由于倍频晶体位于激光谐振腔内,势必会对基频光产 生干扰,进而影响输出绿光质量,后者则可以克服这些缺点, 激光谐振腔与倍频腔分离,可以分别调整至最佳。

1992 年, Kimble 研究组用 YAG 激光器发出的 1080 nm 激 光作为抽运源,当腔前功率 700 mW 时输出绿光功率 560 mW, 倍频效率 85%<sup>[1]</sup>;2004 年 K. Hayasaka 等以相同的腔形 设计,用 50 mW 的 1080 nm 激光二极管抽运得到了 22.8 mW 的 540 nm 绿光, 倍频效率 46%<sup>[2]</sup>。

几乎所有与光学测量及信息有关的光学实验都希望光 源的噪声尽量低,激光的出现为人们解决了这个问题,远离 阈值运转的激光在高于驰豫振荡的频率处近似为相干光,但 是相干光仍然存在光的量子特性决定的、无法用经典方法消 除的量子噪声。这种噪声限制了光学探测灵敏度的提高,用 压缩光有望解决这些问题。

1985 年 Slusher 研究组通过四波混频过程获得噪声功率 相对真空涨落降低 7% 的结果,这是光场压缩态的首次实验 实现<sup>3]</sup>。1986 年美国 Kimble 研究组通过运转于阈值以下的 光学参量振荡器,产生了单模正交压缩真空态光场,输出场 噪声功率低于散粒噪声基准 63%<sup>[4]</sup>。

OPO 腔运转时需要一束高频光作为抽运光,这一般通过 把低频光倍频获得。倍频过程与下转换过程有相同的物理 根源和相似的理论模型,从理论上分析,倍频过程也可以得 到压缩光,而且可以直接用低频光泵浦,实验装置比 OPO 腔 简单,是一种很有前途的压缩光源。

1982 年 Mandel 首先理论预测了单次通过倍频晶体的基

\* 收稿日期:2005-05-23

基金项目:国家基础研究重点项目(No.2001CB3099304); 国家自然科学基金(No.60238010,No.60378014); 山西省自 然科学基金(No.20041038)

作者简介:李莹(1981-),女,山西夏县人,山西大学光电研究所在读硕士研究生.

频光噪声会有轻微的压缩<sup>5]</sup>;1983 年 Milburn 指出如果把非 线性晶体放置在谐振腔内二阶非线性作用导致的压缩会有 很大提高<sup>[6]</sup>;1988 年 Kimble 研究组首次在实验上利用谐振倍 频过程得到了压缩光 他们用一个 I 类匹配的双共振的 MgO: LiNbO, 倍频腔 测得反射抽运光被压缩了 0.6 dB<sup>71</sup>。目前倍 频产生的最大的压缩度来自 Mlynek 研究组,他们用一个 I 类 匹配的双共振的 MgO: LiNbOa 全整块倍频腔 ,先后获得了3.2 dB的基频压缩光<sup>[8]</sup>和 1.5 dB的倍频压缩光<sup>[9]</sup>。

量子力学揭示了许多和我们熟知的宏观世界不同的微 观世界的运行规律,其中之一就是量子纠缠——个体之间存 在的经典理论无法解释的关联。今天 随着量子信息和量子 计算的快速发展,纠缠光源已经成为该领域的重要物理基 础 因此对纠缠源的研究和制备,在实验和应用方面都有着 重要的意义。获得优质的纠缠源是进行量子密集编码 量子 离物传态及量子保密通讯等重要问题研究的必备条件。

现在已经实现的纠缠源中利用量子光学技术产生的纠 缠源是最成功的<sup>10</sup>。1988 年澳大利亚的 Raid 和 Drummond 提出了首个连续变量 EPR 纠缠的实验方案<sup>[11]</sup>:1992 年美国 的 Kimble 研究组通过非简并参量放大过程,首先获得了纠缠 光束,纠缠的特征参数 K(详见第 3 节)为 0.70 ± 0.01<sup>[12]</sup>; 2000年山西大学光电所利用工作在参量反放大状态的非简 并光学参量放大器得到了 4 dB 的双模明亮正交振幅压缩光, 输出场的信号模和闲置模为正交振幅反关联,正交相位正关 联的 EPR 光束 ,  $K = 0.63^{[13]}$ ;

2003 年丹麦的 Andersen 理论计算得到 II 类匹配的倍频 过程中,由于同时存在的参量过程的影响,腔内两个本征模 之间存在正交振幅反关联、正交相位正关联的关系[14];

我们根据最新的理论成果,结合已有的经验,设计了 YAP 激光器抽运的 II 类相位匹配 KTP 外部谐振倍频腔 在其 上完成了谐振倍频绿光源实验、倍频产生压缩光和纠缠光的 实验。

#### 谐振倍频绿光源 1

图 1 是倍频腔的示意图 综合考虑了损耗和制造难度等 要求 并结合以前的经验我们采用了双共振近共心半整块驻 波腔。凹面镜 M 是基频光的输入镜,它对基频光和倍频光 的功率反射率分别为 r1 和 r1sq , 倍频晶体的一个表面作为倍 频光的输出镜,它对基频光和倍频光的功率反射率分别为, 和 r<sub>2SH</sub>。

外腔谐振倍频的倍频效率和谐波功率可由 Kozlovsky<sup>[15]</sup> 的理论求出。在腔内损耗很小、倍频晶体的单次穿过倍频效 率较低的时,由倍频作用带来的基频光主动损耗可以看作晶 体的一个额外的透射项。倍频效率与非线性转换系数成正

比 非线性转换系数表征了一系列"可优化"的参数对倍频效 率的影响<sup>16]</sup>再考虑到输入耦合镜最佳透射率的影响,倍频 效率与腔内循环功率构成一个三次方程,通常的解法是针对 不同的抽运功率求数值解。把不同的倍频腔腔形参数(腔形 决定了晶体内光束的形状 和现有的输入镜透射率带入倍频 效率表达式 在特定抽运功率下可以找到一组优化的参数使 倍频效率达到最高。



# 倍频腔经典理论模型

Fig.1 Classical theoretical model of resonant cavity

优化后的倍频腔参数为:凹面镜曲率半径 50 mm,腔长 52 mm 腔内光束的腰斑在晶体的外侧端面上 晶体长 10 mm。 凹面镜作为倍频腔的输入镜,r1 = 5.7%,r15H = 100%,r2 = 100% ,r<sub>2SH</sub> = 10%。KTP 晶体靠近腔内侧的表面对 1080 nm、 540 nm 双减反 以尽量降低内腔损耗。

图 2 是谐波功率、倍频效率与抽运功率的理论和实验关 系 从图中可以看出 理论和实验结果符合较好。在 1.18 W 抽运功率下,得到最大绿光输出 849 mW,最终得到的倍频效 率为 72% ,考虑到输出镜对绿光 90% 的透射率 ,实际倍频效



# 图 2 谐波功率、倍频效率与抽运动率的理论和实验关系

solid line : theoretical prediction of harmonic output dashed line : theoretical prediction of doubling efficiency round dots : measured value of harmonic output rectangle dots : measured value of doubling efficiency Fig.2 Harmonic output power, doubling efficiency vs pump power

率为80%。当抽运激光器和倍频腔都锁定后 输出绿光频率 稳定性优于±246 kH(1 min)和±2.3 MH(30 min)。短期功 率稳定性优于±0.65%(3 min)。

#### 2 谐振倍频产生压缩光

晶体中的偏振方向如图 3,II 类相位匹配要求两束基频 光的偏振方向相互垂直,所以抽运光  $a_{in}$  的偏振方向与晶体 主轴成 45°夹角,也就是与 KTP 晶体正方形端面的角平分线 平行(晶体正方形端面棱边分别平行于 b 轴和 c 轴 ),  $a_{in}$  在 腔内激起两个基频本征模式  $a_1$  和  $a_2$ , $a_1$  的偏振方向与 b 轴 平行,  $a_2$  的偏振方向与 c 轴平行。抽运反射光用  $a_{out}$  表示。 两基频模式在非线性晶体中产生倍频光 b,因为使用双共振 腔,倍频光不在腔内振荡,产生后立即从 M2 射出腔外,腔外 的倍频光用  $b_{out}$  表示。为了计算方便,腔内基频光场还可以 表示为一对耦合模:与抽运光偏振方向垂直的模式  $a_s$ (暗 模)和与抽运光偏振方向平行的模式  $a_p$ (亮模)。耦合模在 数学上可以看作把坐标轴旋转 45°后,本征模在坐标轴上的 合成。耦合模与本征模变换关系为:





用半经典法求解这个 II 类匹配的谐振倍频腔模型<sup>[14]</sup>, 可以求得它的经典动态和噪声谱解。从经典动态解可知存 在一个阈值,当抽运功率低于阈值时,暗模光强为零,亮模光 强随抽运增长较快;当抽运功率高于阈值时,暗模不再是 "暗'的,它的光强随抽运功率的增长而增长,亮模光强随抽 运增长较慢。实际上这里的阈值就是由暗模和倍频场组成 的光参量振荡器的振荡阈值。当抽运光强度低于阈值时,只 存在真空注入的光参量放大过程,能量由亮模场流向倍频 场,当抽运光强度高于阈值时,出现光参量振荡过程,能量由 亮模场通过倍频场流向暗模场, 暗模偏振方向开始输出相干 光。我们这里只研究阈值以下的情况。解得亮模正交振幅 和暗模正交相位起伏的方差分别为:

$$V_{\delta \chi_p} = 1 - \frac{4\mu \gamma_{pc} \alpha_p^2}{(\gamma_p + 3\mu \alpha_p^2)^2 + \omega^2}$$
(2)

$$V_{\partial Y_s} = 1 - \frac{4\mu\gamma_{sc}a_p^2}{(\gamma_s + \mu a_p^2) + \omega^2}$$
(3)

其中  $\mu = \kappa^2 / 2\gamma_h$ ,  $\gamma_p = \gamma_l + \gamma_{pe}$   $\gamma_s = \gamma_l + \gamma_s$ ,  $\gamma_l \ge Re$ 内的被动损耗,与偏振无关,  $\gamma_s \in n \gamma_{pe}$ 是由于腔镜透射带来 的损耗,与偏振有关。从上两式看出亮模正交振幅与暗模正 交相位噪声的方差可以小于 1,即噪声被压缩。图 4 是内腔 损耗  $\gamma_l$  为零的理想情况下,零频处亮模正交振幅和暗模正 交相位与抽运光强度的函数关系。亮模正交振幅最大压缩 1/3 暗模可以达到理想压缩。最大压缩不能同时获得,暗模 达到最大压缩的抽运功率也是 OPO 腔的振荡阈值功率,亮模 达到最大压缩的抽运功率是阈值的三分之一,抽运功率以腔 内 OPO 振荡阈值为单位归一化。

倍频输出场的起伏谱也可以用类似的方法求得:

$$V_{\partial X bout} = 1 - \frac{8\gamma_{bc}\gamma_{b}\mu^{2}\alpha_{p}^{4}}{(3\mu\gamma_{b}\alpha_{p}^{2} + \gamma\gamma_{b} - \omega^{2})^{2} + \omega^{2}(\gamma_{b} + \gamma + \mu\alpha_{p}^{2})^{2}}$$

$$(4)$$



and phase noise of dark mode  $V_{\delta Xp}$  (solid line) vs normalized pump power  $\alpha_p^2$ 

从上式得出倍频场正交振幅起伏的方差最小为 1/9,只 能随抽运功率增加无限趋近,不能到达。图 5 是内腔损耗 γ<sub>ι</sub> 为零的理想情况下,零频处倍频场正交振幅起伏方差与抽运 功率的函数关系,压缩度随抽运功率的增加而增加,抽运功





实验装置如图 6 基频光光源是自制的 Nd:YAP 单频激 光器 输出光波长 1080 nm。输出光的频率锁定在控温参考 腔 F-P1 的透射频率上起到稳频作用,参考腔同时还起到模 清洁器的作用。电光相位调制器 EOM 是锁腔系统的一部 分。光隔离器 OIS 的主要作用是防止倍频腔的反射光进入 探测器 D6 而影响模清洁器的锁定,同时 OIS 的偏振分束棱 镜 PBS1 和半波片 HWP1 可以调节倍频腔的抽运功率。抽运 光通过隔离器后偏振方向变成与竖直方向成 45°夹角,HWP2 把偏振方向转成水平方向以通过 PBS3,HWP3 再把偏振方向 旋回 45°方向 校准 KTP 晶体方位,使晶体正方形端面的角平 分线方向也为 45°,以满足 II 类相位匹配对偏振方向的要求。 从倍频腔反射的暗模 a, 经 HWP3 后偏振方向与入射抽运光 方向垂直,被偏振分束棱镜 PBS3 反射,进入平衡零拍探测装 置 BHD。亮模 a, 经 HWP3 后沿 PBS3 透射方向偏振,后经 HWP2 和光学隔离器 OIS ,从 PBS1 出射,进入自零拍探测装置





SHD.

图 7 和图 8 分别为 8 mW 抽运时暗模和亮模噪声功率谱 测量结果 暗模压缩(3.2±0.1)dB,亮模压缩(1.3±0.2)dB。 如果单独为暗模压缩优化抽运功率,当抽运功率为 19 mW 时 暗模压缩达到最大值(5.0±0.2)dB。倍频光的噪声可以 简单地通过自零拍探测装置探测(图 6 中没有绘出),当抽运 功率为 50 mW 时,得到 8 mW 的绿光输出,输出光正交振幅 噪声低于散粒噪声极限(3.1±0.2)dB。



## 3 谐振倍频产生纠缠光

谐振倍频过程中,腔内两个基频光子通过倍频过程转换 为一个倍频光子,同时倍频光子也可以通过参量下转换过程 反过来产生两个基频光子。参量下转换过程中基频光子成 对产生,具有量子纠缠特性,这就是通过倍频产生纠缠光的 简单物理机制。 设 X<sub>1(2)</sub> 和 Y<sub>1(2)</sub> 分别为本征模 a<sub>1</sub> 和 a<sub>2</sub> 的正交振幅与正 交相位分量 ,当

<(  $\delta X_1 + \delta X_2$   $\hat{J} > < 1$ , <(  $\delta Y_1 - \delta Y_2$   $\hat{J} > < 1$  (5) 时,  $a_1$  和  $a_2$  光学模具有正交振幅反关联与正交相位正 关联特性,满足纠缠态光场的不可分判据,为一对量子纠缠 态光场。这里我们已经将量子噪声归一化到纠缠光束的散 粒噪声极限。为了定量描述  $a_1$  和  $a_2$  的纠缠度,引入判断纠 缠的特征值  $\kappa^{(17)}$ :

$$K = \langle \left( \delta X_1 \pm \delta X_2 \right)^2 \rangle \langle \left( \delta Y_1 \mp \delta Y_2 \right)^2 \rangle$$
 (6)

K小于 1 时,  $a_1$ 和  $a_2$ 具有量子纠缠, K愈小纠缠度愈高, K等于或大于 1 时不存在量子关联,正负号根据具体的 关联类型取值。文献 14 对处于阈值以下 II 类相位匹配倍 频过程进行了详细的理论计算,获得理想情况下归一化泵浦 功率与纠缠特征参数 K 的函数关系,在没有内腔损耗、探测 频率为零的理想情况下,泵浦功率从零增加到阈值,腔内两 个本征模  $a_1$ 和  $a_2$ 之间都存在纠缠(K < 1),它们起伏方差 的乘积随抽运功率的增加而减小,在阈值处减小到零,也就 是得到了理想的纠缠。

在理论计算中,一般采用环形倍频腔模型,产生的纠缠 光束对从倍频腔出射后,可以用一个偏振分束棱镜分开,但 是我们在实验中采用半整块单端驻波腔作为倍频腔,反射抽 运光与入射抽运光重合,两个纠缠模 *a*<sub>1</sub> 和 *a*<sub>2</sub> 无法直接从光 路中分离出来,为此我们首先利用耦合模 *a<sub>p</sub>* 和 *a*<sub>s</sub> 的偏振特 性,采用偏振分束棱镜和光路中必不可少的光学隔离器提取 出它们,之后再在 50/50 分束器上以 *π* 相位差干涉来恢复本 征纠缠模。

压缩光产生部分与第 2 节产生红外压缩光的实验装置 完全相同,如图 9 不同的是暗模和亮模从反射抽运光中分离 出来后不直接进零拍探测装置。亮模和暗模在 50/50 分束器 BS1 上干涉,得到两束光强相等的纠缠光束,纠缠光束入射至 由 50/50 分束器 BS2 和探测器 D1、D2 以及射频分束器构成的 Bell 态直接探测系统 BD ,D1 和 D2 的输出交流信号的差即纠 缠光 *a*<sub>1</sub> 和 *a*<sub>2</sub> 的正交相位差的起伏方差,而输出交流信号的 和即纠缠光的正交振幅和的起伏方差<sup>[18]</sup> 射频分束器的输出 用频谱分析仪记录。纠缠光束对在分束器 BS2 上干涉的相 位差为 π/2。



图 9 纠缠光恢复与测量的实验装置 Fig.9 Restoration and measurement of entangled light

在 19 mW 抽运功率下 ,测得分束器 BS1 后的两束光正交 振幅和噪声低于散粒噪声基准 0.2±0.1 dB ,同时正交相位 差噪声低于散粒噪声基准 1±0.2 dB ,这表明我们得到了纠 缠光束对。关联不平衡是由于倍频过程产生的亮模振幅压 缩度最高理论值为 1.8 dB ,而暗模相位压缩理想情况下可达 到 100%。实验中所测定的亮模正交振幅压缩度也远低于暗 模正交相位压缩度 ,从而导致正交振幅关联低于正交相位关 联。

## 4 总结

本文简要回顾了产生压缩光场和纠缠光场实验研究的 发展过程,根据最近的理论研究成果,对 II 类相位匹配倍频 过程产生非经典光场作了实验研究。首先设计了半整块驻 波倍频腔,采用 II 类非临界匹配的 KTP 作为倍频晶体,在其 上完成了外腔谐振倍频实验,得到了最高 849 mW 的 540 nm 绿光输出,倍频效率达 80%。然后在倍频腔反射基频抽运光 中同时获得了(3.2±0.1)dB 的压缩真空和(1.3±0.2)dB 的 明亮正交振幅压缩光。最后将亮模和暗模在分束器上干涉 恢复出倍频腔内的一对纠缠的本征模,它们的正交相位正关 联,关联度(1±0.2)dB,正交振幅反关联,关联度(0.2±0.1) dB。由于原理问题,纠缠光束对正交振幅和正交相位的关联 度不同,限制了它的应用。通过更深入的原理研究和改进光 路设计、实验技术等措施,II 类匹配谐振倍频腔有希望发展 成为能同时产生多波长、多种类非经典光场的新型光源。

#### 参考文献:

- [1] OU Z Y, PEREIRA S F, POLZIK E S, et al. 85% efficiency for cw frequency doubling from 1.08 to 0.54  $\mu$ m [J]. Opt Lett, 1992, 17(9):640-642.
- [2] HAYASAKA K, ZHANG Yun, KASAI K. Generation of 22.8 mW single-frequency green light by frequency doubling of a 50-mW diode laser[J]. Opt Expr , 2004, 12 (15): 3567-3572.
- [3] SLUSHER R E, HOLLBERG L W, YURKE B, et al. Observation of Squeezed States Generated by Four-Wave Mixing in an Optical

Cavity [ J ]. Phys Rev Lett , 1985 , 55(22): 2409-2412.

- [4] WU Linan, KIMBLE H J, HALL J L, et al. Generation of squeezed states by parametric down conversion [J]. Phys Rev Lett, 1986, 57 (20): 2520-2523.
- [5] MANDEL L. Squeezing and photon antibunching in harmonic generation [J]. Opt Commun, 1982, 42(6):437-439.
- [6] MILBURN G J, WALLS D F. Squeezed states and intensity fluctuations in degenerated parametric oscillation [J]. Phys Rev A, 1983, 27(1): 392-394.
- [7] PEREIRA S F, XIAO M, KIMBLE H J, et al. Generation of squeezed light by intracavity frequency doubling [J]. Phys Rev A, 1988, 38(9):4931-4934.
- [8] KÜRZ P, PASCHOTTA R, FIEDLER K, et al. Bright squeezed light by second-harmonic generation in a monolithic resonantor [J]. Euro phys Lett, 1993, 24 (6):449-454.
- [9] PASCHOTTA R, COLLETT M, KÜRZ P. Bright squeezed light from a single resonant frequency doulber [J]. Phys Rev Lett, 1994, 72 (24): 3807-3810.
- [10] BOUWMEESTER D, EKERT A, ZEILINGER A. et al. [M]. The Physics of Quantum Information, 2000.
- [11] REID M D, DRUMMOND P D. Quantum correlations of phase in nondegenerate parametric oscillation [J]. Phys Rev Lett, 1988, 60 (26):2731-2733.
- [12] OU Z Y, PEREIRA S F, KIMBLE H J, et al. Realization of the Einstein-Podolsky-Rosen Paradox for Continuous Vairable [J]. Phys Rev Lett, 1992, 68 (25): 3663-3666.
- [13] LI Xiao-ying, PAN Qing, JING Jie-tai, et al. Quantum Dense Coding Exploiting a Bright Einstein-Podolsky-Rosen Beam [J]. Phys Rev Lett, 2002, 88:047904.
- [14] ANDERSEN U L, BUCHHAVE P. Squeezing and entanglement in dobley resonant, type II, second-harmonic generation [J]. J Opt Soc Am B, 2003, 20(9): 1947-1958.
- [15] KOZLOVSKY W J, NABORS C D, BYER R L, et al. Efficient second harmonic generation of a diode-laser-pumped cw Nd :YAG laser using monolithic MgO :LiNbO<sub>3</sub> external resonant cavities [J]. IEEE J Quant Elec, 1988, 24(6):913-919.
- [16] BOYD G D, KLEINMAN D A. Parametric interaction of focused gaussian light beams [J]. J Appl Phys , 1968, 39(8): 3597-3639.
- [17] DUAN Lu-ming, GIEDKE G, CIRAC J I, et al. Entanglement Purification of Gaussian Continuous Variable Quantum States [J]. Phys Rev Lett, 1992, 84 (17): 4002-4005.
- [18] ZHANG Jing, PENG Kun-chi. Quantum teleportation and dense coding by means of bright amplitude-squeezed light and direct measurement of a Bell state [J]. Phys Rev A, 2000, 62 (6):064302.

## Generation of Multiple Non-classical Light with Type II

## **Phase-matched Frequency Doubling**

#### LI Ying, LUO Yu, PAN Qing

(State Key Laboratory of Quantum Optics and Quantum Optics Devices, Institute of Opto-Electronics of Shanxi University, Taiyuan 030006, China)

**Abstract**: Progress of experimental generation of squeezed light and entangled light, especially via doubling process, is represented. A double resonant, semi-monolithic, standing wave cavity is designed to serve as the doubling cavity. 540 nm green light is obtained through resonant doubling. The following experiment is finished in this device : generating multiple squeezed light simultaneously and generating entangled light.

Key words : quantum optics ; non-classical light ; resonant doubling ; squeezed light ; entangled light